

**Prof. Dr. Alfred Toth**

## **Zur komplexen Arithmetik der Zeichenzahlen V**

1. Die in den ersten vier Teilen dieser Studie (vgl. Toth 2015a) eingeführten ontisch-semiotisch-arithmetischen Zeichenzahlen können durch mengentheoretische Vereinigung zu erweiterten Zeichenzahlen kombiniert werden, wie sie z.B. bei den kürzlich behandelten Fällen von Transparenz (vgl. Toth 2015b) und Halboffenheit (vgl. Toth 2015c) auftreten.

$$\begin{aligned} <1.1> = & \quad -\bar{z} \cup z \\ & z \cup -\bar{z} \end{aligned}$$

$$<1.2> = \bar{z}$$

$$<1.3> = n = z \cup m$$

$$<2.1> = -z$$

$$<2.2> = n = m \supset (m \cap o)$$

$$<2.3> = n = ((m \supset o) \cap o) \cup p$$

$$<3.1> = n = (-\bar{z} \supset m)$$

$$<3.2> = n = ((m \supset o) \cap o) \supset p$$

$$<3.3> = n = (m \supset o) \cup p$$

2. Paare erweiterter Zeichenzahlen

$$<1.1> \cup <1.2> = <<-\bar{z} \cup z>, \bar{z}> | <<z \cup -\bar{z}>, \bar{z}>$$

$$<1.1> \cup <1.3> = <<-\bar{z} \cup z>, <z \cup m>>$$

$$<1.1> \cup <2.1> = <<-\bar{z} \cup z>, -z>$$

$$<1.1> \cup <2.2> = <<-\bar{z} \cup z>, <m \supset (m \cap o)>>$$

$$<1.1> \cup <2.3> = <<-\bar{z} \cup z>, <((m \supset o) \cap o) \cup p>>$$

$$<1.1> \cup <3.1> = <<-\bar{z} \cup z>, <-\bar{z} \supset m>>$$

$$<1.1> \cup <3.2> = <<\bar{z} \cup z>, <((m \supset o) \cap o) \supset p>>$$
$$<1.1> \cup <3.3> = <<\bar{z} \cup z>, <(m \supset o) \cup p>>$$
$$<1.2> \cup <1.3> = <\bar{z}, <z \cup m>>$$
$$<1.2> \cup <2.1> = <\bar{z}, -z>$$
$$<1.2> \cup <2.2> = <\bar{z}, <m \supset (m \cap o)>>$$
$$<1.2> \cup <2.3> = <\bar{z}, <((m \supset o) \cap o) \cup p>>$$
$$<1.2> \cup <3.1> = <\bar{z}, <(-\bar{z} \supset m)>>$$
$$<1.2> \cup <3.2> = <\bar{z}, <((m \supset o) \cap o) \supset p>>$$
$$<1.2> \cup <3.3> = <\bar{z}, <(m \supset o) \cup p>>$$
$$<1.3> \cup <2.1> = <<z \cup m>, -z>$$
$$<1.3> \cup <2.2> = <<z \cup m>, <m \supset (m \cap o)>>$$
$$<1.3> \cup <2.3> = <<z \cup m>, <((m \supset o) \cap o) \cup p>>$$
$$<1.3> \cup <3.1> = <<z \cup m>, <-\bar{z} \supset m>>$$
$$<1.3> \cup <3.2> = <<z \cup m>, <((m \supset o) \cap o) \supset p>>$$
$$<1.3> \cup <3.3> = <<z \cup m>, <(m \supset o) \cup p>>$$
$$<2.1> \cup <2.2> = <-z, <m \supset (m \cap o)>>$$
$$<2.1> \cup <2.3> = <-z, <((m \supset o) \cap o) \cup p>>$$
$$<2.1> \cup <3.1> = <-z, <-\bar{z} \supset m>>$$
$$<2.1> \cup <3.2> = <-z, <((m \supset o) \cap o) \supset p>>$$

$\langle 2.1 \rangle \cup \langle 3.3 \rangle = \langle \neg z, \langle ((m \supset o) \cup p) \rangle \rangle$

$\langle 2.2 \rangle \cup \langle 2.3 \rangle = \langle \langle m \supset (m \cap o) \rangle, \langle ((m \supset o) \cap o) \cup p \rangle \rangle$

$\langle 2.2 \rangle \cup \langle 3.1 \rangle = \langle \langle m \supset (m \cap o) \rangle, \langle \neg \bar{z} \supset m \rangle \rangle$

$\langle 2.2 \rangle \cup \langle 3.2 \rangle = \langle \langle m \supset (m \cap o) \rangle, \langle ((m \supset o) \cap o) \supset p \rangle \rangle$

$\langle 2.2 \rangle \cup \langle 3.3 \rangle = \langle \langle m \supset (m \cap o) \rangle, \langle (m \supset o) \cup p \rangle \rangle$

$\langle 2.3 \rangle \cup \langle 3.1 \rangle = \langle \langle ((m \supset o) \cap o) \cup p \rangle, \langle \neg \bar{z} \supset m \rangle \rangle$

$\langle 2.3 \rangle \cup \langle 3.2 \rangle = \langle \langle ((m \supset o) \cap o) \cup p \rangle, \langle ((m \supset o) \cap o) \supset p \rangle \rangle$

$\langle 2.3 \rangle \cup \langle 3.3 \rangle = \langle \langle ((m \supset o) \cap o) \cup p \rangle, \langle (m \supset o) \cup p \rangle \rangle$

$\langle 3.1 \rangle \cup \langle 3.2 \rangle = \langle \langle \neg \bar{z} \supset m \rangle, \langle ((m \supset o) \cap o) \supset p \rangle \rangle$

$\langle 3.1 \rangle \cup \langle 3.3 \rangle = \langle \langle \neg \bar{z} \supset m \rangle, \langle ((m \supset o) \cup p) \rangle \rangle$

$\langle 3.2 \rangle \cup \langle 3.3 \rangle = \langle \langle ((m \supset o) \cap o) \supset p \rangle, \langle ((m \supset o) \cup p) \rangle \rangle$

## Literatur

Toth, Alfred, Zur komplexen Arithmetik der Zeichenzahlen I-III. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics 2014c

18.1.2015